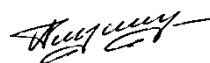


МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ
Заведующий кафедрой
уравнений в частных производных
и теории вероятностей



А.В. Глушко
19.05.22

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.О.22 Математическая статистика

1. Код и наименование направления: 01.03.04 Прикладная математика
2. Профиль подготовки: Применение математических методов к решению инженерных и экономических задач
3. Квалификация выпускника: Бакалавр
4. Форма обучения: Очная
5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины: Кафедра уравнений в частных производных и теории вероятностей
6. Составители программы: Голованева Фаина Валентиновна, кандидат физико-математических наук, доцент по кафедре уравнений в частных производных и теории вероятностей математического факультета
7. Рекомендована: Научно-методическим советом математического факультета. Протокол № 0500 – 03 от 24.03.2022

8. Учебный год: 2024 / 2025

Семестр(ы): 6

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Целями освоения учебной дисциплины «Математическая статистика» являются:

- изучение способов обработки статистических данных, полученных в результате наблюдений над случайными явлениями;
- развитие логического мышления и умения выявлять общие закономерности исследуемых процессов.

Задачи учебной дисциплины:

- формирование и развитие содержательной логики применения вводимых понятий и методов для решения конкретных экспериментальных и прикладных задач;
- развитие навыков применения полученных знаний на практике;
- овладеть методами обработки статистических данных;
- используя логическое и алгоритмическое мышление, научиться обрабатывать, интерпретировать и использовать полученные результаты.

Основной задачей курса является разработка методов, позволяющих по результатам обследования выборки делать обоснованные выводы о распределении признака изучаемых объектов по всей совокупности, и использовать полученные результаты исследования статистических данных методами математической статистики для принятия решений, т. е. для научных и практических выводов.

10. Место учебной дисциплины в структуре ОПОП: учебная дисциплина «Математическая статистика» относится к обязательной части блока Б1 Дисциплины (модули) программы бакалавриата Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования № 11 от 10.01.2018 г. по направлению подготовки 01.03.04 «Прикладная математика».

Приступая к изучению данной дисциплины, обучающиеся должны иметь теоретическую и практическую подготовку по основным разделам линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, знать основы дискретной математики и математической логики, элементы математического моделирования, прекрасно владеть методами и методологией дифференциального и интегрального исчисления, теории вероятностей.

Изучаемый курс «Математической статистики» является предшествующим и неразрывно связанным с такими дисциплинами основной и вариативной частей как: «Теория случайных процессов и основы теории массового обслуживания», «Стохастическая финансовая математика», «Элементы теории игр», «Математические методы в социологии» и другими.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине / модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ОПК-1	Способен применять знание фундаментальной математики и естественнонаучных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	ОПК-1.1	Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук	Знать: <ul style="list-style-type: none">- концептуальные основы методов решения задач в предметной области;- основные понятия математической статистики: генеральная и выборочная совокупности, эмпирическая функция распределения, доверительный интервал, статистическая гипотеза, статистический критерий, корреляционное отношение и другие;- числовые характеристики статистического распределения;- элементы и методы теории оценок и проверки гипотез;- элементы корреляционного и регрессионного анализа;- основные методы доказательства математических утверждений. Уметь: строить статистические

			<p>модели обширного класса реальных процессов на основе сбора, систематизации и обработки результатов массовых случайных явлений с целью выявления существующих закономерностей.</p> <p>Владеть: владеть методами создания статистических моделей, обработки эмпирических данных и оценки характеристик изучаемого случайного признака, проверки статистических гипотез.</p>
		ОПК-1.2	<p>Умеет использовать базовые знания в области математических и (или) естественных наук в профессиональной деятельности</p> <p>Знать: зарубежные и отечественные источники теоретических и практических знаний в области математической статистики; способы и методы применения полученных знаний в будущей профессиональной деятельности.</p> <p>Уметь: грамотно и правильно представлять свои результаты; применять полученную теоретическую базу для решения конкретных задач математической статистики.</p> <p>Владеть: источниками информации, навыками работы с литературой, информационными системами; методами исследования статистических моделей.</p>
		ОПК-1.3	<p>Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний</p> <p>Знать: основные понятия курса, определения и свойства математических объектов в этой области, формулировки утверждений, методы их доказательства, возможные сферы их приложений.</p> <p>Уметь: грамотно работать с научной литературой; грамотно использовать информационные технологии при сборе, систематизации, обработке статистических данных в ходе построения и изучения математической модели реальных прикладных задач.</p> <p>Владеть: методами самостоятельного обучения, получения и овладения новыми знаниями и способами их применения в области математической статистики.</p>

12. Объем дисциплины в зачетных единицах / ак. час. — 4 з. е. / 144 ак. часа

Форма промежуточной аттестации экзамен

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость	
	Всего	По семестрам

			6 семестр
Аудиторные занятия		64	64
в том числе:	лекции	32	32
	практические	-	-
	лабораторные	32	32
Самостоятельная работа		44	44
Форма промежуточной аттестации экзамен – 36 ак. часов		36	36
	Итого:	144	144

13.1. Содержание дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
1. Лекции			
1.1	Вариационные ряды и их характеристики	<p>1. Предмет и задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности. Повторная и бесповторная выборки. Репрезентативная выборка. Статистическое распределение выборки. Понятие вариационного ряда.</p> <p>2. Эмпирическая функция распределения. Графические изображения статистического распределения. Числовые характеристики статистического распределения.</p>	-
1.2	Статистические оценки параметров распределения	<p>3. Статистические оценки параметров распределения. Точечные оценки неизвестных параметров распределения. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки. Генеральная и выборочная средние. Оценка генеральной средней по выборочной средней. Устойчивость выборочной средней. Групповая и общая средние. Отклонение от общей средней и его свойство. Генеральная и выборочная дисперсии. Формула для вычисления дисперсии. Групповая, внутригрупповая, межгрупповая и общая дисперсии. Сложение дисперсий. Оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной.</p> <p>4. Методы нахождения точечных оценок: метод моментов; метод максимального правдоподобия; метод наименьших квадратов. Основные статистические распределения.</p> <p>5. Интервальные оценки неизвестных параметров распределения. Точность оценки, надежность. Доверительный интервал. Доверительный интервал для оценки математического ожидания нормального распределения при известном и неизвестном среднем квадратическом отклонении.</p> <p>6. Оценка истинного значения измеряемой</p>	-

		<p>величины. Доверительные интервалы для оценки среднего квадратического отклонения нормального распределения. Оценка точности измерений. Оценка вероятности биномиального распределения по относительной частоте.</p>	
1.3	Элементы теории корреляции	<p>7. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости. Условные средние. Выборочные уравнения регрессии. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии среднеквадратичной регрессии по несгруппированным данным. Корреляционная таблица. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии среднеквадратичной регрессии по сгруппированным данным. Выборочный коэффициент корреляции.</p> <p>8. Методика вычисления выборочного коэффициента корреляции. Предварительные рассуждения к введению меры любой корреляционной связи. Выборочное корреляционное отношение.</p> <p>9. Свойства выборочного корреляционного отношения. Корреляционное отношение как мера корреляционной связи. Простейшие случаи криволинейной корреляции. Понятие о множественной корреляции.</p>	-
1.4	Проверка статистических гипотез	<p>10. Статистическая гипотеза. Нулевая и конкурирующая, простая и сложная гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Статистические проверки нулевой гипотезы. Наблюдаемое значение критерия. Критическая область. Область принятия гипотезы. Критические точки. Отыскание правосторонней, левосторонней и двусторонней критических областей. Дополнительные сведения о выборе критической области. Мощность критерия. Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Сравнение исправленной выборочной дисперсии с гипотетической генеральной дисперсией нормальной совокупности.</p> <p>11. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых известны (независимые выборки). Сравнение двух средних произвольно распределенных генеральных совокупностей (большие независимые выборки). Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых неизвестны и одинаковы (малые независимые выборки). Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности.</p> <p>12. Связь между двусторонней критической областью и доверительным интервалом. Определение минимального объема выборки при сравнении выборочной и гипотетической</p>	-

		<p>генеральной средних. Отыскание мощности критерия. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей с неизвестными дисперсиями (зависимые выборки). Сравнение наблюдаемой относительной частоты с гипотетической вероятностью появления события. Сравнение двух вероятностей биномиальных распределений.</p> <p>13. Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам различного объема. Критерий Бартлетта. Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам одинакового объема. Критерий Кочрена. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции. Критерий Вилкоксона и проверка гипотезы об однородности двух выборок.</p> <p>14. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности. Критерий согласия Пирсона. Методика вычисления теоретических частот нормального распределения. Проверка гипотез о других законах распределения генеральной совокупности: биномиальном, равномерном, показательном.</p>	
1.5	Однофакторный дисперсионный анализ	<p>15. Сравнение нескольких средних. Понятие о дисперсионном анализе. Общая, факторная и остаточная суммы квадратов отклонений. Связь между общей, факторной и остаточной суммами. Общая, факторная и остаточные дисперсии. Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа.</p> <p>16. Неодинаковое число испытаний на различных уровнях.</p>	-
2. Лабораторные занятия			
2.1	Вариационные ряды и их характеристики	<p>1. Предмет и задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности. Повторная и бесповторная выборки. Репрезентативная выборка. Статистическое распределение выборки. Понятие вариационного ряда.</p> <p>2. Эмпирическая функция распределения. Графические изображения статистического распределения. Числовые характеристики статистического распределения. Контрольная работа №1</p>	-
2.2	Статистические оценки параметров распределения	<p>3. Статистические оценки параметров распределения. Точечные оценки неизвестных параметров распределения. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки. Генеральная и выборочная средние. Оценка генеральной средней по выборочной средней. Устойчивость выборочной средней. Групповая и общая средние. Отклонение от общей средней и его свойство. Генеральная и выборочная дисперсии.</p>	-

		<p>Формула для вычисления дисперсии. Групповая, внутригрупповая, межгрупповая и общая дисперсии. Сложение дисперсий. Оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной.</p> <p>4. Методы нахождения точечных оценок: метод моментов; метод максимального правдоподобия; метод наименьших квадратов. Основные статистические распределения.</p> <p>5. Интервальные оценки неизвестных параметров распределения. Точность оценки, надежность. Доверительный интервал. Доверительный интервал для оценки математического ожидания нормального распределения при известном и неизвестном среднем квадратическом отклонении.</p> <p>6. Оценка истинного значения измеряемой величины. Доверительные интервалы для оценки среднего квадратического отклонения нормального распределения. Оценка точности измерений. Оценка вероятности биномиального распределения по относительной частоте.</p>	
2.3	Элементы теории корреляции	<p>7. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости. Условные средние. Выборочные уравнения регрессии. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии среднеквадратичной регрессии по несгруппированным данным. Корреляционная таблица. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии среднеквадратичной регрессии по сгруппированным данным. Выборочный коэффициент корреляции.</p> <p>8. Методика вычисления выборочного коэффициента корреляции. Предварительные рассуждения к введению меры любой корреляционной связи. Выборочное корреляционное отношение.</p> <p>9. Свойства выборочного корреляционного отношения. Корреляционное отношение как мера корреляционной связи. Простейшие случаи криволинейной корреляции. Понятие о множественной корреляции.</p>	-
2.4	Проверка статистических гипотез	<p>10. Статистическая гипотеза. Нулевая и конкурирующая, простая и сложная гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Статистические проверки нулевой гипотезы. Наблюдаемое значение критерия. Критическая область. Область принятия гипотезы. Критические точки. Отыскание правосторонней, левосторонней и двусторонней критических областей. Дополнительные сведения о выборе критической области. Мощность критерия. Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей.</p>	-

		<p>Сравнение исправленной выборочной дисперсии с гипотетической генеральной дисперсией нормальной совокупности.</p> <p>11. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых известны (независимые выборки). Сравнение двух средних произвольно распределенных генеральных совокупностей (большие независимые выборки). Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых неизвестны и одинаковы (малые независимые выборки). Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности.</p> <p>12. Связь между двусторонней критической областью и доверительным интервалом. Определение минимального объема выборки при сравнении выборочной и гипотетической генеральной средних. Отыскание мощности критерия. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей с неизвестными дисперсиями (зависимые выборки). Сравнение наблюдаемой относительной частоты с гипотетической вероятностью появления события. Сравнение двух вероятностей биномиальных распределений.</p> <p>13. Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам различного объема. Критерий Бартлетта. Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам одинакового объема. Критерий Кочрена. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции. Критерий Вилкоксона и проверка гипотезы об однородности двух выборок.</p> <p>14. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности. Критерий согласия Пирсона. Методика вычисления теоретических частот нормального распределения. Проверка гипотез о других законах распределения генеральной совокупности: биномиальном, равномерном, показательном.</p>	
2.5	Однофакторный дисперсионный анализ	<p>15. Сравнение нескольких средних. Понятие о дисперсионном анализе. Общая, факторная и остаточная суммы квадратов отклонений. Связь между общей, факторной и остаточной суммами. Общая, факторная и остаточные дисперсии. Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа.</p> <p>16. Неодинаковое число испытаний на различных уровнях. Контрольная работа № 2</p>	-

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (количество часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего

1	Вариационные ряды и их характеристики	4	-	4	6	14
2	Статистические оценки параметров распределения	8	-	8	10	26
3	Элементы теории корреляции	6	-	6	8	20
4	Проверка статистических гипотез	10	-	10	14	34
5	Однофакторный дисперсионный анализ	4	-	4	6	14
	Итого:	32	32	-	44	108

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

В процессе преподавания дисциплины «Математическая статистика» используются такие виды учебной работы, как лекции, лабораторные занятия, а также различные виды самостоятельной работы обучающихся.

Методические указания для обучающихся при работе над конспектом лекций.

Лекция – систематическое, последовательное, чаще монологическое изложение преподавателем учебного материала, как правило, теоретического характера.

В процессе лекции обучающимся рекомендуется вести подробный конспект, что позволит впоследствии вспомнить изученный материал, дополнить содержание при самостоятельной работе с литературой, подготовиться к экзамену.

Следует также обращать внимание на категории, формулировки, раскрывающие содержание тех или иных явлений и процессов, научные выводы и практические рекомендации, положительный опыт в ораторском искусстве. Желательно оставить в рабочих конспектах поля, на которых делать пометки из рекомендованной литературы, дополняющие материал прослушанной лекции, а также подчеркивающие особую важность тех или иных теоретических положений.

Любая лекция должна иметь логическое завершение, роль которого выполняет заключение. Выводы в конце лекции формулируются кратко и лаконично, их целесообразно записывать. В конце лекции обучающиеся имеют так же возможность задать вопросы преподавателю по теме лекции.

Методические указания для обучающихся при работе на лабораторном занятии.

Лабораторные занятия реализуются в соответствии с рабочим учебным планом при последовательном изучении тем дисциплины.

В ходе подготовки к лабораторным занятиям обучающимся рекомендуется изучить основную литературу, ознакомиться с дополнительной литературой. При этом следует учесть рекомендации преподавателя и требования учебной программы. Рекомендуется также дорабатывать свой конспект лекции, делая в нем соответствующие записи из литературы, рекомендованной преподавателем и предусмотренной рабочей программой.

В связи с тем, что активность обучающегося на лабораторных занятиях является предметом контроля его продвижения в освоении курса, то подготовка к таким занятиям требует ответственного отношения.

Решение задач – выполнение обучающимися набора практических заданий предметной области с целью выработки навыков их решения, закрепления теоретического материала.

Прежде чем приступить к решению задач, обучающемуся необходимо ознакомиться с соответствующими разделами программы дисциплины по учебной литературе, рекомендованной программой курса; получить от преподавателя информацию о порядке проведения занятия, критериях оценки результатов работы; получить от преподавателя конкретное задание и информацию о сроках выполнения, о требованиях к оформлению и форме представления результатов.

При выполнении задания необходимо привести развернутые пояснения хода решения и проанализировать полученные результаты. При необходимости обучающиеся имеют возможность задать вопросы преподавателю при возникновении затруднений в ходе решения задач.

Методические указания для обучающихся при самостоятельной работе.

Самостоятельная работа студентов по учебной дисциплине «Математическая статистика» предполагает изучение и конспектирование всех необходимых материалов по программе курса с

использованием рекомендуемой преподавателем литературы, а также самостоятельное освоение и запоминание понятийного аппарата изучаемой дисциплины и выполнение ряда теоретических и практических заданий, выдаваемых студентам преподавателем на лекционных и практических занятиях.

Все задания, выполняемые студентами самостоятельно, подлежат последующей проверке преподавателем.

Самостоятельная работа обучающихся направлена на самостоятельное освоение всех тем и вопросов учебной дисциплины, предусмотренных программой. Самостоятельная работа является обязательным видом деятельности для каждого обучающегося, ее объем по учебному курсу определяется учебным планом. При самостоятельной работе обучающийся взаимодействует с рекомендованными материалами при минимальном участии преподавателя.

Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и ресурсами сети Internet, статистическими данными является наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся заинтересованное отношение к конкретной проблеме.

Вопросы, которые вызывают у обучающихся затруднения при подготовке, должны быть заранее сформулированы и озвучены во время занятий в аудитории для дополнительного разъяснения преподавателем.

Для успешного и плодотворного обеспечения итогов самостоятельной работы разработаны учебно-методические указания к самостоятельной работе студентов над различными разделами дисциплины.

Виды самостоятельной работы: конспектирование учебной и научной литературы; проработка учебного материала (по конспектам лекций, учебной и научной литературе); работа в электронной библиотечной системе; работа с информационными справочными системами, выполнение домашних заданий (практических и теоретических); выполнение контрольных работ; подготовка к практическим занятиям; работа с вопросами для самопроверки.

Особенности учебно-методического обеспечения самостоятельной работы для лиц с ОВЗ:

Студенты с ограниченными возможностями здоровья имеют свои специфические особенности восприятия, переработки материала. Подбор и разработка учебных материалов для таких студентов производится с учетом того, чтобы предоставить этот материал в различных формах так, чтобы обучающийся с нарушениями слуха получил информацию визуально, с нарушениями зрения – аудиально.

Предусмотрено в случае необходимости создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей, альтернативную версию медиаконтентов, предусмотрена возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотрена доступность управления контентом с клавиатуры.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Буре, Владимир Мансурович. Теория вероятностей и математическая статистика : [учебник для студ. вузов, обуч. по направлениям ВПО 010400 - "Прикладная математика и информатика" и 010300 - "Фундаментальная информатика и информационные технологии"] / В. М. Буре, Е. М. Парилина. — Санкт-Петербург; Москва; Краснодар : Лань, 2018. — 415 с. : ил., табл. — (Учебники для вузов. Специальная литература). — Библиогр. : с. 408-410.
2	Емельянов, Георгий Владимирович. Задачник по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие / Г. В. Емельянов, В. П. Скитович. — Изд. 3-е, стер. — Санкт-Петербург; Москва; Краснодар : Лань, 2019. — 329, [2] с. : ил. — (Учебники для вузов. Специальная литература) (Лучшие классические учебники. Математика) (Классические задачки и практикумы). — ISBN 978-5-8114-3984-3.1508-3.
3	Туганбаев А. А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] / А. А. Туганбаев, В. Г. Крупин. — 1-е изд. — Санкт-Петербург : Лань, 2011. — 320 с. — Книга из коллекции Лань - Математика. — ISBN 978-5-8114-1079-8. —

	<URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=652 >.
4	Свешников А. А. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций [Электронный ресурс] / А. А. Свешников. — 5-е, Стереотипное. — Санкт-Петербург : Лань, 2013. — 448 с. — Книга из коллекции Лань - Математика. — ISBN 978-5-8114-0708-8. — <URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=5711 >.
5	Хуснутдинов Р. Ш. Сборник задач по курсу теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс] / Р. Ш. Хуснутдинов. — 2-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2014. — 320 с. — Книга из коллекции Лань - Математика. — ISBN 978-5-8114-1668-4. — <URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=53676 >.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
1	Теория вероятностей и математическая статистика : лабораторный практикум для вузов / Воронеж. гос. ун-т; сост.: Т. А. Радченко [и др.]. — Воронеж : ЛОП ВГУ, 2007. — 30 с. : табл. — Библиогр.: с.29. — <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/may07051.pdf >.
2	Хрущева И. В. Основы математической статистики и теории случайных процессов [Электронный ресурс] / И. В. Хрущева, В. И. Щербаков, Д. С. Леванова. — 1-е изд. — Санкт-Петербург : Лань, 2009. — 336 с. — Книга из коллекции Лань - Математика. — ISBN 978-5-8114-0914-3. — <URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=426 >.
3	Ивченко, Григорий Иванович. Математическая статистика в задачах. Около 650 задач с подробными решениями : [учебное пособие для студ. высш. учеб. заведений, обучающихся по специальности 073000 "Прикладная математика"] / Г. И. Ивченко, Г. И. Медведев, А. В. Чистяков. — Изд. 3-е, испр. — Москва : URSS : ЛЕНАНД, 2015. — 314, [1] с. : ил., табл. — Библиогр. в конце кн. — ISBN 978-5-9710-1393-8.
4	Бородин А. Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс] / А. Н. Бородин. — 8-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2011. — 256 с. — Рекомендовано Министерством общего и профессионального образования РФ в качестве учебного пособия для студентов вузов, обучающихся по нематематическим специальностям. — Книга из коллекции Лань - Математика. — ISBN 978-5-8114-0442-1. — <URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=2026 >.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет):

№ п/п	Ресурс
1	http://www.lib.vsu.ru - электронный каталог и электронная библиотека ЗНБ ВГУ
2	https://e.lanbook.com/ - электронно-библиотечная система "Лань"
3	http://www.studmedlib.ru - электронно-библиотечная система "Консультант студента"
4	http://www.kuchp.ru – электронный сайт кафедры уравнений в частных производных и теории вероятностей математического факультета
5	http://www.edu.ru - федеральный портал «Российское образование»
6	http:// school.msu.ru – математический консультационный центр
7	http://mschool.kubsu.ru – библиотека электронных учебных пособий

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы (учебно-методические рекомендации, пособия, задачки, методические указания по выполнению практических (контрольных), курсовых работ и др.)

№ п/п	Источник
1	Руководство к решению задач по математической статистике [Электронный ресурс] : учебно-методическое пособие : [для студ. 2 к. очного отд-ния фак. прикладной математики, информатики и механики, для направлений: 02.03.02 - Фундаментальная информатика и информационные технологии, 01.03.02 - Прикладная математика и информатика] / Воронеж. гос. ун-т; сост. : В. Г. Ляпкина, Н. М. Новикова, М. М. Безрядин. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2019. — Загл. с титула экрана. — Свободный доступ из интранета ВГУ. — Текстовый файл. — <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m19-139.pdf >.
2	Математическая статистика. Компьютерный практикум : учебно-методическое пособие для вузов / Воронеж. гос. ун-т; сост. : Л. Н. Баркова, С. А. Ткачева. — Воронеж : ЛОП ВГУ,

	2007. — 47 с. : ил. — Библиогр.: с. 46. — <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/may07200.pdf >.
3	Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебно-методическое пособие для вузов / Воронеж. гос. ун-т; сост. : Л. Н. Баркова .— Электрон. текстовые дан. — Воронеж : ИПЦ ВГУ, 2009. — Загл. с титул. экрана. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m09-123.pdf >.
4	Каширина, Ирина Леонидовна. Математическая статистика [Электронный ресурс] : учебно-методическое пособие : [для студ. 2-го курса прикладной математики, информатики и механики, изучающих дисциплину "Теория вероятностей и математическая статистика", для направления 38.03.05 - Бизнес-информатика] / И. Л. Каширина, К. В. Чудинова; Воронеж. гос. ун-т. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2019. — Загл. с титула экрана. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m19-66.pdf >.
5	Минимум миниморум по курсу "Математическая статистика" [Электронный ресурс] : электронное учебное пособие : [для студ. специальности 10.05.01 "Компьютерная безопасность"; для студентов бакалавриата, обучающихся по направлению 01.03.02 - прикладная математика и информатика] / Воронеж. гос. ун-т; сост. : Б. Н. Воронков. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж, 2017. — Загл. с титула экрана. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовые файлы. — Windows 2000; Adobe Acrobat Reader 4.0. — <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m17-88.pdf >.
6	http://www.kuchp.ru – электронный сайт кафедры уравнений в частных производных и теории вероятностей
7	Флегель, Александр Валерьевич. Пособие по решению задач по теории вероятностей и математической статистике [Электронный ресурс] : [учебное пособие] : [для студ. 2 к. днев. отд-ния фак. компьютер. наук направлений: 09.03.02 -Информ. системы и технологии; 09.03.03 - Приклад. информатика; 09.03.04 - Программная инженерия; 02.03.01 - Математика и компьютер. науки]. Ч. 1. Теория вероятностей / А. В. Флегель, Е. А. Сирота, А. Ф. Клиных; Воронеж. гос. ун-т; Воронеж. гос. ун-т. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж : Издательский дом ВГУ, 2015. — Загл. с титула экрана. — Электрон. версия печ. публикации. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. — <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m15-204.pdf >.
8	Сирота, Екатерина Александровна. Практикум по теории вероятностей и математической статистике [Электронный ресурс] : учебное пособие : [для студ. 2-го к. днев. отд-ния фак. компьютер. наук направлений: 230200-Информ. системы; 010300-Математика. Компьютерные науки; для специальности 230201-Информационные системы и технологии]. Ч. 2. Математическая статистика / Е. А. Сирота, А. В. Флегель, А. Ф. Клиных; Воронеж. гос. ун-т. — Электрон. текстовые дан. — Воронеж : ИПЦ ВГУ, 2011. — Загл. с титула экрана. — Электрон. версия печ. публикации. — Свободный доступ из интрасети ВГУ. — Текстовый файл. - <URL: http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m11-166.pdf >.
9	Положение об организации самостоятельной работы обучающихся в Воронежском государственном университете

17. Образовательные технологии, используемые при реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ), электронное обучение (ЭО), смешанное обучение):

Специализированное программное обеспечение при изучении дисциплины не используется.

Дисциплина может реализовываться с применением дистанционных образовательных технологий, например, на образовательной платформе «Электронный университет ВГУ».

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

1. Для проведения лекционных занятий и промежуточной аттестации используется типовое оборудование, соответствующее действующим санитарно-техническим нормам и противопожарным правилам эксплуатации, учебной аудитории, расположенной по адресу: 394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, пом. I.

Оснащение учебной аудитории: специализированная мебель, доска меловая.

2. Для самостоятельной работы возможно использование помещений Зональной научной библиотеки ВГУ и ее электронного каталога. Кроме того, используется класс с компьютерной техникой, оснащенный необходимым лицензионным программным обеспечением, электронными

учебными пособиями и законодательно-правовой и нормативной поисковой системой, имеющий выход в глобальную сеть.

3. Для проведения лабораторных занятий и текущего контроля успеваемости используется типовое оборудование, соответствующее действующим санитарно-техническим нормам и противопожарным правилам эксплуатации, учебной аудитории, расположенной по адресу: 394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, пом. I.

Оснащение учебной аудитории: специализированная мебель, доска меловая.

Компьютерный класс. Аудитория для лабораторных занятий находится по адресу: 394018, г. Воронеж, площадь Университетская, дом 1.

Оснащённость специального помещения.

Компьютерный класс: специализированная мебель, маркерная доска, персональные компьютеры.

Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа.

Ubuntu (бесплатное и/или свободное ПО, лицензия: <https://ubuntu.com/download/desktop>);

LibreOffice (GNU Lesser General Public License (LGPL), бесплатное и/или свободное ПО, лицензия: <https://ru.libreoffice.org/about-us/license/>);

Mozilla Firefox (Mozilla Public License (MPL), бесплатное и/или свободное ПО, лицензия: <https://www.mozilla.org/en-US/MPL/>).

4. При реализации дисциплины с использованием электронного обучения и дистанционных образовательных технологий возможны дополнения материально-технического обеспечения.

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1	Вариационные ряды и их характеристики	ОПК-1	ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3	Домашние задания Фронтальный устный опрос Контрольная работа № 1 Письменный ответ и собеседование по вопросам и заданиям к экзамену
2	Статистические оценки параметров распределения	ОПК-1	ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3	Домашние задания Фронтальный устный опрос Контрольная работа № 2 Письменный ответ и собеседование по вопросам и заданиям к экзамену
3	Элементы теории корреляции	ОПК-1	ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3	Домашние задания Фронтальный устный опрос Контрольная работа № 2 Письменный ответ и собеседование по вопросам и заданиям к экзамену
4	Проверка статистических гипотез	ОПК-1	ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3	Домашние задания Фронтальный устный опрос Контрольная работа № 2 Письменный ответ и собеседование по вопросам и заданиям к экзамену
5	Однофакторный дисперсионный анализ	ОПК-1	ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3	Домашние задания Фронтальный устный опрос Контрольная работа № 2 Письменный ответ и собеседование по вопросам и заданиям к экзамену
Промежуточная аттестация форма контроля - экзамен				КИМ к экзамену

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

домашние задания, фронтальный устный опрос, контрольные работы.

Домашние задания и практико-ориентированные задания по разделам дисциплины

1. Найти и построить эмпирическую функцию распределения для выборки, представленной статистическим рядом:

x_i	1	3	6
n_i	10	8	12

2. На телефонной станции производились наблюдения за числом неправильных соединений в минуту. Результаты наблюдений в течение часа представлены в виде статистического распределения:

x_i	0	1	2	3	4	5	6
n_i	8	17	16	10	6	2	1

Найти выборочное среднее и дисперсию. Сравнить распределение частот с распределением Пуассона ($p_{n,m} \approx \frac{e^{-a} \cdot a^m}{m!}$).

3. Изучается случайная величина X - число выпавших очков при бросании игральной кости, Кость подбросили 60 раз. Получены следующие результаты:

3, 2, 5, 6, 6, 1, 4, 6, 4, 6, 3, 6, 4, 2, 1, 5, 3, 1, 6, 4,

5, 4, 2, 2, 4, 2, 6, 3, 1, 5, 6, 1, 6, 6, 4, 2, 5, 4, 3, 6,

4, 1, 5, 6, 3, 2, 4, 4, 5, 2, 5, 6, 2, 3, 5, 4, 1, 2, 5, 3.

1) Что в данном опыте-наблюдении представляет генеральную совокупность?

2) Перечислите элементы этой совокупности.

3) Что представляет собой выборка?

4) Приведите 1-2 реализации выборки.

5) Оформите ее в виде: а) вариационного ряда; б) статистического ряда.

6) Найдите эмпирическую функцию распределения выборки.

7) Постройте интервальный статистический ряд.

8) Постройте полигон частот и гистограмму частостей.

9) Найдите: а) выборочную среднюю; б) выборочную дисперсию; в) исправленную выборочную дисперсию и исправленное среднее квадратическое отклонение; г) размах вариации, моду и медиану.

4. Найти оценку параметра распределения Пуассона методом моментов.

5. Используя метод максимального правдоподобия, оценить вероятность появления герба, если при 10 бросаниях герб появился 6 раз.

6. Найти оценки неизвестной вероятности успеха в схеме Бернулли методом моментов и методом максимального правдоподобия.

7. Дано: случайная величина $X \sim R[a;b]$. По выборке x_1, x_2, \dots, x_n оценить величины a и b методом моментов.

8. Найти оценки параметров нормального распределения случайной величины X методом максимального правдоподобия.

9. Глубина моря измеряется прибором, систематическая ошибка которого равна нулю, а случайные ошибки распределены нормально с $\sigma = 15$ м. Сколько надо сделать независимых измерений, чтобы определить глубину моря с ошибкой не более 5 м при надежности $\gamma = 0,9$?

10. Измерили рост (с точностью до см) 30 наудачу отобранных студентов. Результаты измерений таковы:

178, 160, 154, 183, 155, 153, 167, 186, 163, 155,

157, 175, 170, 166, 159, 173, 182, 167, 171, 169,

179, 165, 156, 179, 158, 171, 175, 173, 164, 172.

Найти точечную оценку и доверительный интервал для среднего роста студентов, если считать $\gamma = 0,95$.

11. Производятся независимые испытания с одинаковой, но неизвестной вероятностью p появления события A в каждом испытании. Найти доверительный интервал для оценки p с надежностью $\gamma = 0,95$, если в 400 испытаниях событие A появилось 80 раз.

12. Распределение признака X (случайной величины X) в выборке задано следующей таблицей:

$x_{i-1} - x_i$	0 – 0,1	0,1 – 0,2	0,2 – 0,3	0,3 – 0,4	0,4 – 0,5
n_i	105	95	100	100	102
$x_{i-1} - x_i$	0,5 – 0,6	0,6 – 0,7	0,7 – 0,8	0,8 – 0,9	0,9 – 1,0
n_i	98	104	96	105	95

При уровне значимости $\alpha = 0,01$ проверить гипотезу H_0 , состоящую в том, что случайная величина X имеет равномерное распределение на отрезке $[0;1]$ (вероятности p_i определяются формулами $p_i = h_i$ ($i = 1, 2, \dots, k$), где h_i - длина i -го отрезка $[x_{i-1}; x_i]$ ($\sum_{i=1}^k h_i = 1$)).

13. Результаты наблюдений над случайной величиной X представлены в виде статистического ряда:

X (рост)	[150 – 155)	[155 – 160)	[160 – 165)	[165 – 170)
n_i (частота)	6	22	36	46
X (рост)	[170 – 175)	[175 – 180)	[180 – 185)	[185 – 190)
n_i (частота)	56	24	8	2

При уровне значимости $\alpha = 0,05$ проверить гипотезу H_0 , состоящую в том, что случайная величина X подчиняется нормальному закону распределения, используя: а) критерий согласия Пирсона; б) критерий Колмогорова.

14. Построить полигон по данному распределению:

x_i	1	4	5	7
n_i	20	10	14	6

15. Построить гистограмму следующего распределения:

Частичный интервал длиной h	2-5	5-8	8-11	11-14
Сумма частот вариант частичного интервала n_i	9	10	25	6

16. Генеральная совокупность задана таблицей распределения:

x_i	1000	1200	1400
N_i	1000	6000	3000

Найти генеральную среднюю $\bar{x}_Г$ и генеральную дисперсию $D_Г$.

17. Найти выборочную среднюю по следующим данным:

а) длина крыла у 6 пчел (в мм): 9,68; 9,81; 9,77; 9,60; 9,61; 9,55;

б) длина листьев садовой земляники (в см): 5,2; 5,6; 7,1; 6,6; 8,6; 8,2; 7,7; 7,8.

18. Выборочная совокупность задана таблицей распределения:

x_i	4	7	10	15
n_i	10	15	20	5

Найти выборочную среднюю \bar{x}_B и дисперсию D_B .

19. По выборке объема $n=51$ найдена выборочная дисперсия $D_B=5$. Найти исправленную дисперсию.

20. Даны среднее квадратическое отклонение, выборочная средняя и объем выборки нормально распределенного признака генеральной совокупности. Найти доверительные интервалы для оценки генеральной средней \bar{x}_r с заданной надежностью γ .

№ п/п	σ	\bar{x}_B	n	γ
1	3	4,1	36	0,95
2	2	5,4	10	0,95
3	3	20,12	25	0,96

21. Даны «исправленное» среднее квадратическое отклонение, выборочная средняя и объем выборки нормально распределенного признака генеральной совокупности. Найти, пользуясь распределением Стьюдента, доверительные интервалы для оценки генеральной средней \bar{x}_r с заданной надежностью.

№ п/п	s	\bar{x}_B	n	γ
1	0.8	20,2	16	0,95
2	1,5	16,8	12	0,95
3	2,4	14,2	9	0,99

22. По данным девяти независимых равноточных измерений физической величины найдены среднее арифметическое результатов отдельных измерений $\bar{x}_B=42,319$ и «исправленное» среднее квадратическое отклонение $s=5$. Требуется оценить истинное значение a измеряемой величины с надежностью $\gamma=0,95$.

23. По 15 равноточным измерениям найдено «исправленное» среднее квадратическое отклонение $s=0,12$. Найти точность измерений σ с надежностью $\gamma=0,99$.

24. По данным 16 независимых равноточных измерений физической величины найдены среднее арифметическое результатов отдельных измерений $\bar{x}_B=23,161$ и «исправленное» среднее квадратическое отклонение $s=0,4$. Требуется оценить истинное значение a измеряемой величины и точность измерений σ с надежностью $\gamma=0,95$.

25. При уровне значимости 0,05 проверить гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности, если известны эмпирические и теоретические частоты.

А)

Эмпирические частоты	6	12	16	40	13	8	5
Теоретические частоты	4	11	15	43	15	6	6

Б)

Эмпирические частоты	5	13	12	44	8	12	6
Теоретические частоты	2	20	12	35	15	10	6

26. Найти выборочное уравнение прямой регрессии а) X на Y ; б) Y на X по данным, приведенным в следующей таблице:

x_i	23,0	24,0	24,5	24,5	25,0	25,5	26,0	26,0	26,5	26,5	27,0	27,0	28,0
y_i	0,48	0,50	0,49	0,50	0,51	0,52	0,51	0,53	0,50	0,52	0,54	0,52	0,53

Контрольные работы

Контрольная работа № 1

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика
 Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика
 Курс 3
 Форма обучения Очная

УТВЕРЖДАЮ
 зав. кафедрой уравнений
 в частных производных
 и теории вероятностей

Вариант № 1

Для выборки построить вариационный ряд, вычислить выборочные характеристики, построить функцию эмпирического распределения, гистограмму частот.

Продолжительность работы электронных ламп одного типа (в часах) приведена в таблице.

№ реализации	Время работы (в час.)								
	1	13,4 14,2	14,7 16,3	15,2 14,6	15,1 11,7	8,8 15,1	14,0 17,6	17,9 14,1	15,1 18,8
2	16,6 13,9	18,0 11,3	12,4 10,7	17,2 16,9	14,5 15,8	16,3 16,1	13,7 12,3	15,5 14,9	14,0 14,7
3	16,2 17,7	8,4 14,7	14,7 16,2	15,4 17,1	10,1 17,7	15,8 15,4	18,3 10,9	17,5 18,2	12,7 17,3
4	16,0 12,8	17,5 14,0	12,2 11,6	14,8 16,3	14,5 17,0	10,8 16,7	8,9 11,0	15,9 14,9	15,5 14,1
5	14,4 16,0	12,7 17,3	20,7 15,2	13,5 16,7	14,0 27,4	15,7 12,1	21,9 19,2	14,3 17,2	8,6 11,5

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика
Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика
Курс 3
Форма обучения Очная
Вид контроля Контрольная работа № 1
Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ
зав. кафедрой уравнений
в частных производных
и теории вероятностей



А. В. Глушко

...202

Вариант № 2

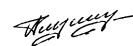
Для выборки построить вариационный ряд, вычислить выборочные характеристики, построить функцию эмпирического распределения, гистограмму частот.

Положительные отклонения от номинального размера у партии деталей (в мм) приведены в таблице.

№ реализации	Отклонение (в мм)								
	1	177 208	121 122	168 179	120 119	123 210	128 129	212 119	210 117
2	117 123	118 121	112 127	117 126	114 115	116 119	121 120	119 116	117 118
3	211 221	221 213	110 119	120 114	210 211	115 119	119 118	210 213	211 119
4	116 112	117 114	112 118	119 211	110 117	111 116	119 111	115 120	117 119
5	114 116	118 117	120 115	113 116	114 127	115 112	121 119	118 119	112 111

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика
 Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика
 Курс 3
 Форма обучения Очная
 Вид контроля Контрольная работа № 1
 Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ
 зав. кафедрой уравнений
 в частных производных
 и теории вероятностей



А. В. Глушко

...202

Вариант № 3

Для выборки построить вариационный ряд, вычислить выборочные характеристики, построить функцию эмпирического распределения, гистограмму частот.

Ошибки при стрельбе по наземной цели составляют следующие результаты измерений (в рад.).


№ реализации	Элементы выборки (ошибки измерения в рад.)								
	1	0,926 -1,851	1,375 0,194	0,785 1,192	-0,963 1,394	1,022 -0,555	-0,472 0,046	1,279 0,321	3,521 2,945
2	0,258 0,161	-0,941 0,412	1,192 0,906	-0,523 0,007	0,525 0,769	0,595 0,971	0,8881 0,712	-0,934 1,090	1,579 -0,631
3	-1,501 0,756	-0,488 -1,618	-0,162 -0,345	-0,136 -0,511	1,033 -2,051	0,303 -0,457	0,448 -0,218	0,748 1,372	-0,690 0,225
4	-1,229 -0,256	-0,486 -0,212	0,856 0,219	0,491 0,779	-1,983 -1,010	-1,378 0,598	-0,150 -0,918	1,356 1,598	-0,561 1,065
5	1,096 -2,574	0,425 0,181	0,313 1,393	-0,005 -1,163	-0,899 -0,911	0,012 1,231	-0,725 -0,199	0,147 -0,246	-0,121 1,239

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика
 Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика
 Курс 3
 Форма обучения Очная
 Вид контроля Контрольная работа № 1
 Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ
 зав. кафедрой уравнений
 в частных производных
 и теории вероятностей



А. В. Глушко

...202

Вариант № 4

Для выборки построить вариационный ряд, вычислить выборочные характеристики, построить функцию эмпирического распределения, гистограмму частот.

Результаты наблюдений над непрерывной случайной величиной приведены в таблице.

№ реализации	Отклонения (в микрометрах)								
	1	0,83 0,62	0,51 0,61	0,71 0,36	0,89 0,67	0,04 0,51	0,29 0,76	0,27 0,21	0,17 0,76
2	0,20 0,78	0,71 0,73	0,27 0,16	0,78 0,27	0,29 0,26	0,78 0,28	0,29 0,27	0,71 0,42	0,84 0,93
3	0,14 0,25	0,23 0,75	0,24 0,26	0,38 0,23	0,74 0,22	0,77 0,22	0,24 0,76	0,99 0,87	0,53 0,38

4	0,54 0,64	0,35 0,51	0,84 0,26	0,14 0,84	0,12 0,44	0,92 0,17	0,16 0,53	0,43 0,16	0,25 0,35
5	0,89 0,27	0,33 0,86	0,73 0,66	0,37 0,74	0,53 0,38	0,85 0,18	0,94 0,28	0,23 0,26	0,41 0,53


Преподаватель

Ф. В. Голованева

Контрольная работа № 2

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика
 Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика
 Курс 3
 Форма обучения Очная
 Вид контроля Контрольная работа № 2
 Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ
 зав. кафедрой уравнений
 в частных производных
 и теории вероятностей



А. В. Глушко

...202

Вариант № 1

1. Пусть вероятность того, что покупателю магазина женской обуви необходимы туфли 37 размера, равна 0,25. Оценить с помощью теоремы Бернулли и интегральной теоремы Муавра-Лапласа, вероятность того, что доля покупателей, которым необходимы туфли 37 размера, отклонится по абсолютной величине от вероятности 0,25 не более чем на 0,1, если всего в день магазин посещает 1000 покупателей.
2. Из 250 абитуриентов, сдававших вступительный экзамен по математике, в одном потоке 63 человека получило неудовлетворительные оценки. Оценить вероятность получения неудовлетворительной оценки на экзамене. Используя интегральную теорему Лапласа, построить доверительные границы для этой вероятности при $\gamma = 0.98$. Как изменится этот интервал, если число абитуриентов возрастет в 10 раз при той же частоте?
3. Из проконтролированных 100 телевизоров, выпущенных на Воронежском заводе, целиком удовлетворяют заданным техническим требованиям 85. При контроле 105 телевизоров, выпущенных на Шауляйском заводе, заданным техническим требованиям удовлетворяет 98 телевизоров. Проверить гипотезу о равенстве вероятностей выпуска годного телевизора на этих заводах при уровне значимости $\alpha = 0.01$. Останется ли принятое решение в силе, если при тех же значениях частот число проконтролированных телевизоров возрастет в 20 раз?
4. Результаты наблюдений над величинами X и Y приведены в следующей таблице:

X	1	2	4	6
Y	2	2,5	2,3	2,1

Предполагая, что между X и Y имеется зависимость вида $Y = a + \frac{b}{X}$ найти неизвестные коэффициенты a и b по методу наименьших квадратов. Вычислить Y при $X_5 = 2.5; X_6 = 7$.

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика
 Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика
 Курс 3
 Форма обучения Очная
 Вид контроля Контрольная работа № 2
 Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ
 зав. кафедрой уравнений
 в частных производных
 и теории вероятностей



А. В. Глушко

...202

Вариант № 2

1. За некоторый период времени в населенном пункте А в ночное время было совершено 68 преступлений, из которых оказалось 20 квартирных краж. За тот же промежуток времени в населенном пункте В в ночное время было совершено 102 преступления, среди которых оказалось 35 квартирных краж. Проверить гипотезу о равенстве вероятностей совершения квартирных краж ночью в населенных пунктах А и В при уровне значимости $\alpha = 0.1$. Останется ли принятое решение в силе, если при тех же значениях частот число преступлений, совершенных в А и В возрастет в 15 раз?

2. В ходе социологических исследований, касающихся отношения к религии, проведенных в Пермском крае и Воронежской области были получены следующие результаты:

Субъект федерации	Верю в Бога	Убежденный атеист
Пермский край	63	27
Воронежская область	46	54

По имеющимся данным построить таблицу сопряженности и по ней 1) оценить тесноту связи между признаками; 2) при уровне значимости $\alpha = 0.01$ проверить нулевую гипотезу о независимости исследуемых признаков: место жительства респондента и его веры в Бога.

3. Вероятность заболеть некоторой инфекционной болезнью в течение года для данной социальной группы, включающей 90000 человек, составляет 0,1. какова вероятность того, что число заболевших за год будет находиться в интервале от 8820 до 9270?

4. Результаты наблюдений над величинами X и Y приведены в следующей таблице:

X	-1	0	1	4
Y	0	1	2	5

Предполагая, что между X и Y имеется зависимость вида $Y = aX^2 + bX + c$ найти неизвестные коэффициенты a , b и c по методу наименьших квадратов. Вычислить Y при $X_5 = 1.5$; $X_6 = 5$.

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика

Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика

Курс 3

Форма обучения Очная

Вид контроля Контрольная работа № 2

Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ
зав. кафедрой уравнений
в частных производных
и теории вероятностей

А. В. Глушко

_____.202

Вариант № 3

1. Из 450 деталей, изготовленных станком-автоматом, оказалось 39 нестандартных. Оценить вероятность того, что произвольным образом взятая деталь окажется стандартной. Используя преобразование арксинуса, построить приближенные доверительные границы для этой вероятности при $\gamma = 0.999$. Как изменится доверительный интервал, если, при той же частоте изготовления стандартных деталей, число наблюдений возрастет в 25 раз?

2. В ходе социологических исследований, стояла задача выявить, зависят ли миграционные установки выпускников от того, в каком регионе они живут. Результаты опроса представлены в таблице:

Город	Навсегда уехать	Жить в своем городе постоянно
Воронеж	656	556
Липецк	344	444

По имеющимся данным построить таблицу сопряженности и по ней 1) оценить тесноту связи между признаками; 2) при уровне значимости $\alpha = 0.01$ проверить нулевую гипотезу о

независимости исследуемых признаков: место жительства респондента и его миграционная установка. Изменится ли принятое решение, если все данные увеличить в 40 раз?

3. Пусть вероятность того, что автомат по продаже горячих напитков сработает равна 0,97. Пользуясь теоремой Бернулли, оценить вероятность того, что при использовании 1000 наборов из купюр в автомате отклонение частоты правильной работы автомата от ее вероятности не превысит по абсолютной величине 0,02.

4. Результаты наблюдений над величинами X и Y приведены в следующей таблице:

X	0	1	5	6
Y	5	3	4	7

Предполагая, что между X и Y имеется зависимость вида $Y = aX^2 + bX + c$ найти неизвестные коэффициенты a , b и c по методу наименьших квадратов. Вычислить Y при $X_5 = 1.5$; $X_6 = 7$.

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика

Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика

Курс 3

Форма обучения Очная

Вид контроля Контрольная работа № 2

Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ

зав. кафедрой уравнений
в частных производных
и теории вероятностей

А. В. Глушко

_____.202

Вариант № 4

1. В ходе социологических исследований среди студентов технических вузов Центрального федерального округа было выявлено разделение студентов на две четко очерченные группы по музыкальным пристрастиям «рэпперы» и «рокеры». На основе частоты появления этих признаков в обследуемых группах была составлена следующая таблица:

ВУЗ	Рок	Рэп
ВГТУ	12	45
МГТУ	34	45

По имеющимся данным построить таблицу сопряженности и по ней 1) оценить тесноту связи между признаками; 2) при уровне значимости $\alpha = 0.01$ проверить нулевую гипотезу о независимости исследуемых признаков: любимое музыкальное направление и обучение в одном из крупных городов федерального округа.

2. В ходе медицинского обследования стояла задача проверить аллергенность нового препарата. Из 250 пациентов с одним и тем же заболеванием часть принимала старый общеизвестный препарат X , а часть принимала новый препарат Y . Из принимавших старый препарат: у 67 человек была нормальная реакция, а у 33 человек обнаружена аллергия. Среди тех, кто принимал новый препарат: у 100 зафиксирована нормальная реакция, а у 50 человек аллергия. Проверить гипотезу о равенстве вероятностей возникновения аллергии при применении препаратов X и Y , когда уровень значимости равен 0,05. останется ли принятое решение о проверке данных гипотез справедливым, если при тех же значения частоты число пациентов возрастет в 20 раз?

3. На заводе изготовлен новый игровой автомат, который должен обеспечить появление выигрыша в трех случаях из 150 бросаний монеты. Для проверки годности автомата произведено 500 испытаний, где выигрыш появился 5 раз. Оценить вероятность появления выигрыша. Построить приближенные доверительные границы для этой вероятности при $\gamma = 0.9$, используя интегральную теорему Муавра-Лапласа. Как изменится доверительный интервал, если при той же частоте появления выигрыша число наблюдений возрастет в 10 раз?

4. Результаты наблюдений над величинами X и Y приведены в следующей таблице:

X	1	2	-1	3
Y	2	3	1	4

Предполагая, что между X и Y имеется зависимость вида $Y = aX + b$ найти неизвестные коэффициенты a и b по методу наименьших квадратов. Вычислить Y при $X_5 = 1.5; X_6 = 4$.

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика

Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика

Курс 3

Форма обучения Очная

Вид контроля Контрольная работа № 2

Вид аттестации Текущая

УТВЕРЖДАЮ

зав. кафедрой уравнений
в частных производных
и теории вероятностей



А. В. Глушко

_____.202

Вариант № 5

1. Сколько фирм необходимо проверить налоговой инспекции города, чтобы ошибка доли фирм несвоевременно уплачивающих налоги не превысила 4%. По данным предыдущей проверки доля таких фирм составляла 49%. Доверительную вероятность принять равной 0.98.
2. Из 180 абитуриентов, сдававших вступительный экзамен по математике, в одном потоке 54 человека получило неудовлетворительные оценки. Оценить вероятность получения неудовлетворительной оценки на экзамене. Используя интегральную теорему Лапласа, построить доверительные границы для этой вероятности при $\gamma = 0.95$. Как изменится этот интервал, если при той же частоте число абитуриентов возрастет в 30 раз?
3. Из проконтролированных 200 пылесосов, выпущенных на Бобруйском заводе, целиком удовлетворяют заданным техническим требованиям 80. При контроле 100 пылесосов, выпущенных на Быховском заводе, заданным техническим требованиям удовлетворяет 92 пылесоса. Проверить гипотезу о равенстве вероятностей выпуска годного пылесоса на этих заводах при уровне значимости $\alpha = 0.05$. Останется ли принятое решение в силе, если при тех же значениях частот число проконтролированных телевизоров возрастет в 10 раз?
4. Результаты наблюдений над величинами X и Y приведены в следующей таблице:

X	1	2	4	6
Y	2	2,5	2,3	2,1

Предполагая, что между X и Y имеется зависимость вида $Y = a + \frac{b}{X}$ найти неизвестные коэффициенты a и b по методу наименьших квадратов. Вычислить Y при $X_5 = 2.5; X_6 = 7$.

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Описание технологии проведения

Текущая аттестация проводится в соответствии с Положением о текущей аттестации обучающихся по программам высшего образования Воронежского государственного университета.

Текущая аттестация проводится в формах: письменных работ (письменные опросы, практикоориентированные и домашние задания, контрольные работы), фронтального устного опроса. Критерии оценивания приведены ниже.

Текущая аттестация предназначена для проверки хода, качества и своевременности формирования компетенций, стимулирования учебной деятельности обучающихся, совершенствования методик проведения занятий различных типов, своевременной корректировки ошибок и неточностей в понимании и запоминании излагаемого материала.

Периодичность, формы и методы проведения текущих аттестаций определяются преподавателем.

Требование к выполнению заданий

Фронтальный опрос проводится в устной форме и никак не оценивается. Практикоориентированные, домашние и контрольные задания выполняются в письменной форме.

При текущем контроле уровень освоения учебной дисциплины и степень сформированности компетенции определяются оценками «зачтено» и «не зачтено».

За практико-ориентированные задания и домашние задания выставляется:

«зачтено», если:

- обучающийся демонстрирует полное соответствие знаний, умений, навыков высоким показателям, свободно оперирует приобретенными знаниями, умениями, применяет их при решении практических задач;

- обучающийся демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков достаточно высоким показателям, но допускает незначительные ошибки, неточности, испытывает затруднения при решении практических задач;

- обучающийся демонстрирует неполное соответствие знаний, умений, навыков средним показателям, допускает значительные ошибки при решении практических задач;

«не зачтено», если обучающийся демонстрирует явное несоответствие знаний, умений, навыков даже низким показателям.

За контрольную работу ставится оценка «зачтено», в случае, если обучающийся выполнил:

- правильно и в полном объеме все задания контрольной работы, показал отличное владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала;

- обучающийся выполнил все задания с небольшими неточностями и показал хорошие владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала;

- обучающийся выполнил половину из предложенных заданий правильно, остальные с существенными неточностями и показал удовлетворительное владение навыками полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного материала.

В остальных случаях обучающемуся ставится за контрольную работу «не зачтено».

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

письменный ответ на вопросы и задания КИМ к экзамену и собеседование по вопросам к экзамену.

Перечень вопросов к экзамену

1. Предмет и задачи математической статистики.
2. Генеральная и выборочная совокупности.
3. Повторная и бесповторная выборки.
4. Репрезентативная выборка.
5. Статистическое распределение выборки.
6. Понятие вариационного ряда.
7. Эмпирическая функция распределения.
8. Графические изображения статистического распределения.
9. Числовые характеристики статистического распределения.
10. Статистические оценки параметров распределения.
11. Точечные оценки неизвестных параметров распределения.
12. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки.
13. Генеральная и выборочная средние.
14. Оценка генеральной средней по выборочной средней.
15. Устойчивость выборочной средней.
16. Групповая и общая средние.
17. Отклонение от общей средней и его свойство.
18. Генеральная и выборочная дисперсии.
19. Формула для вычисления дисперсии.
20. Групповая, внутригрупповая, межгрупповая и общая дисперсии.
21. Сложение дисперсий.


22. Оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной.
23. Методы нахождения точечных оценок: метод моментов; метод максимального правдоподобия; метод наименьших квадратов.
24. Основные статистические распределения.
25. Интервальные оценки неизвестных параметров распределения.
26. Точность оценки, надежность.
27. Доверительный интервал.
28. Доверительный интервал для оценки математического ожидания нормального распределения при известном и неизвестном среднем квадратическом отклонении.
29. Оценка истинного значения измеряемой величины.
30. Доверительные интервалы для оценки среднего квадратического отклонения нормального распределения.
31. Оценка точности измерений.
32. Оценка вероятности биномиального распределения по относительной частоте.
33. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости.
34. Условные средние.
35. Выборочные уравнения регрессии.
36. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии среднеквадратичной регрессии по несгруппированным данным.
37. Корреляционная таблица.
38. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии среднеквадратичной регрессии по сгруппированным данным.
39. Выборочный коэффициент корреляции.
40. Методика вычисления выборочного коэффициента корреляции.
41. Предварительные рассуждения к введению меры любой корреляционной связи.
42. Выборочное корреляционное отношение.
43. Свойства выборочного корреляционного отношения.
44. Корреляционное отношение как мера корреляционной связи.
45. Простейшие случаи криволинейной корреляции.
46. Понятие о множественной корреляции.
47. Статистическая гипотеза.
48. Нулевая и конкурирующая, простая и сложная гипотезы.
49. шибки первого и второго рода.
50. Статистические проверки нулевой гипотезы.
51. Наблюдаемое значение критерия.
52. Критическая область.
53. Область принятия гипотезы.
54. Критические точки.
55. Отыскание правосторонней, левосторонней и двусторонней критических областей.
56. Дополнительные сведения о выборе критической области.
57. Мощность критерия.
58. Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей.
59. Сравнение исправленной выборочной дисперсии с гипотетической генеральной дисперсией нормальной совокупности.
60. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых известны (независимые выборки).
61. Сравнение двух средних произвольно распределенных генеральных совокупностей (большие независимые выборки).
62. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей, дисперсии которых неизвестны и одинаковы (малые независимые выборки).
63. Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности.
64. Связь между двусторонней критической областью и доверительным интервалом.
65. Определение минимального объема выборки при сравнении выборочной и гипотетической генеральной средних.
66. Отыскание мощности критерия.
67. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей с неизвестными дисперсиями (зависимые выборки).

68. Сравнение наблюдаемой относительной частоты с гипотетической вероятностью появления события.
69. Сравнение двух вероятностей биномиальных распределений.
70. Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам различного объема. Критерий Бартлетта.
71. Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам одинакового объема. Критерий Кочрена.
72. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции.
73. Критерий Вилкоксона и проверка гипотезы об однородности двух выборок.
74. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности.
75. Критерий согласия Пирсона.
76. Методика вычисления теоретических частот нормального распределения.
77. Проверка гипотез о других законах распределения генеральной совокупности: биномиальном, равномерном, показательном.
78. Сравнение нескольких средних.
79. Понятие о дисперсионном анализе.
80. Общая, факторная и остаточная суммы квадратов отклонений.
81. Связь между общей, факторной и остаточной суммами.
82. Общая, факторная и остаточные дисперсии.
83. Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа.
84. Неодинаковое число испытаний на различных уровнях.

Примерное содержание КИМ

Направление подготовки 01.03.04 Прикладная математика
 Дисциплина Б1.О.22 Математическая статистика
 Курс 3
 Форма обучения Очная
 Вид контроля Экзамен
 Вид аттестации Промежуточная

УТВЕРЖДАЮ
 зав. кафедрой уравнений
 в частных производных
 и теории вероятностей



А. В. Глушко

. .202

Контрольно-измерительный материал № 1

ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

1. Совокупность всех, подлежащих изучению объектов или возможных результатов всех мыслимых наблюдений, производимых в неизменных условиях над одним объектом, называется

_____.
(вставьте пропущенные слова)

2. Последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин, распределение каждой из которых совпадает с распределением генеральной случайной величины

– это _____.
(вставьте пропущенное слово)

3. Запишите формулу, по которой вычисляется частота варианты x_i в статистическом ряде.

ОТВЕТ:

4. Какая функция определяется формулой: $P^* \{X < x, x \in \mathbb{R}\}$?

ОТВЕТ:

5. $\frac{S^2}{D_B} =$

- 1) $\frac{1}{n-1}$ 2) $\frac{1}{n}$ 3) $\frac{n}{n-1}$

ОТВЕТ:

6. Какая из двух несмещенных оценок параметра θ генеральной совокупности будет более эффективной?

ОТВЕТ:

7. Оценка $\tilde{\theta}_n$ параметра θ генеральной совокупности, обладающая свойством

$\tilde{\theta}_n \xrightarrow[n \rightarrow +\infty]{p} \theta$, называется

- 1) несмещенной 2) состоятельной 3) эффективной.

ОТВЕТ:

8. Выпишите достаточное условие *состоятельности* несмещенной оценки $\tilde{\theta}_n$ параметра θ генеральной совокупности.

ОТВЕТ:

9. Характеристики изучаемого случайного признака X генеральной совокупности неизвестны. Какие величины (функции) являются их несмещенными и состоятельными оценками? Установите соответствие и назовите каждую из них.

Обозначение	Название	Обозначение	Название
MX		$F_X^*(x)$	
DX		$\frac{n_A}{n}$	
$p = P(A)$		$\bar{X}_B = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$	
$F_X(x)$		$S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$	

10. Опишите суть МНК (метода наименьших квадратов) нахождения оценки $\tilde{\theta}$ параметра θ генеральной совокупности.

ОТВЕТ:

11. Пусть случайная величина $X \sim N(a, \sigma)$; σ - известно, доверительная вероятность (надежность) γ - задана. Выпишите вид доверительного интервала для $a = MX$.

ОТВЕТ:

12. Пусть случайная величина $X \sim N(a, \sigma)$; σ - неизвестно, $a = MX$ - неизвестно, доверительная вероятность (надежность) γ - задана. Выпишите вид доверительного интервала для σ .

ОТВЕТ:

13. В какой-то небольшой доле случаев α нулевая гипотеза H_0 может оказаться отвергнутой, в то время как в действительности в генеральной совокупности она является справедливой.

Такую ошибку называют **ошибкой** _____.
(вставьте пропущенные слова)

А ее вероятность принято называть _____
(вставьте пропущенные слова)

и обозначать α .

14. В какой-то небольшой доле случаев β нулевая гипотеза H_0 принимается, в то время как на самом деле в генеральной совокупности она ошибочна, а справедлива альтернативная гипотеза H_1 .

Такую ошибку называют **ошибкой** _____.
(вставьте пропущенные слова)

А вероятность $1 - \beta$ принято называть _____.
(вставьте пропущенные слова)

15. Напишите формулу для статистики критерия Пирсона χ^2 , служащей для проверки простой гипотезы о законе генерального распределения изучаемой случайной величины. В формуле поясните значение каждого символа.

ОТВЕТ:

16. Запишите формулу для вычисления выборочного коэффициента корреляции.

ОТВЕТ:

ПРАКТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

Данные испытаний приведены в таблице ниже. При уровне значимости 0,05 проверить основную гипотезу о равенстве групповых средних. Предполагается, что выборки извлечены из нормальных совокупностей с одинаковыми генеральными дисперсиями.

Номер испытания	Уровни фактора			
	F_1	F_2	F_3	F_4
i				
1	6	6	9	7
2	7	7	12	9
3	8	11	13	10
4	11	12	14	10
\bar{x}_{2p_j}	8	9	12	9

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Контрольно-измерительный материал № 2

ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

1. Совокупность всех, подлежащих изучению объектов или возможных результатов всех мыслимых наблюдений, производимых в неизменных условиях над одним объектом, называется

_____.
(вставьте пропущенные слова)

2. Последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин, распределение каждой из которых совпадает с распределением генеральной случайной величины – это

_____.
(вставьте пропущенное слово)

3. Запишите формулу, по которой вычисляется частота варианты x_i в статистическом ряде.

ОТВЕТ:

4. Какая функция определяется формулой: $P^* \{X < x, x \in \mathbb{R}\}$?

ОТВЕТ:

5. $\frac{S^2}{D_B} =$

1) $\frac{1}{n-1}$ 2) $\frac{1}{n}$ 3) $\frac{n}{n-1}$

ОТВЕТ:

6. Какая из двух несмещенных оценок параметра θ генеральной совокупности будет более эффективной?

ОТВЕТ:

7. Оценка $\tilde{\theta}_n$ параметра θ генеральной совокупности, обладающая свойством

$\tilde{\theta}_n \xrightarrow[n \rightarrow +\infty]{P} \theta$, называется

1) несмещенной 2) состоятельной 3) эффективной.

ОТВЕТ:

8. Выпишите достаточное условие *состоятельности* несмещенной оценки $\tilde{\theta}_n$ параметра θ генеральной совокупности.

ОТВЕТ:

9. Характеристики изучаемого случайного признака X генеральной совокупности неизвестны. Какие величины (функции) являются их несмещенными и состоятельными оценками? Установите соответствие и назовите каждую из них.

Обозначение	Название	Обозначение	Название
MX		$F_X^*(x)$	
DX		$\frac{n_A}{n}$	
$p = P(A)$		$\bar{X}_B = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$	
$F_X(x)$		$S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$	

10. Опишите суть МНК (метода наименьших квадратов) нахождения оценки $\tilde{\theta}$ параметра θ генеральной совокупности.

ОТВЕТ:

11. Пусть случайная величина $X \sim N(a, \sigma)$; σ - известно, доверительная вероятность (надежность) γ - задана. Выпишите вид доверительного интервала для $a = MX$.

ОТВЕТ:

12. Пусть случайная величина $X \sim N(a, \sigma)$; σ - неизвестно, $a = MX$ - неизвестно, доверительная вероятность (надежность) γ - задана. Выпишите вид доверительного интервала для σ .

ОТВЕТ:

13. В какой-то небольшой доле случаев α нулевая гипотеза H_0 может оказаться отвергнутой, в то время как в действительности в генеральной совокупности она является справедливой.

Такую ошибку называют **ошибкой** _____.
(вставьте пропущенные слова)

А ее вероятность принято называть _____
(вставьте пропущенные слова)

и обозначать α .

14. В какой-то небольшой доле случаев β нулевая гипотеза H_0 принимается, в то время как на самом деле в генеральной совокупности она ошибочна, а справедлива альтернативная гипотеза H_1 .

Такую ошибку называют **ошибкой** _____.
(вставьте пропущенные слова)

А вероятность $1 - \beta$ принято называть _____.
(вставьте пропущенные слова)

15. Напишите формулу для статистики критерия Пирсона χ^2 , служащей для проверки простой гипотезы о законе генерального распределения изучаемой случайной величины. В формуле поясните значение каждого символа.

ОТВЕТ:

16. Запишите формулу для вычисления выборочного коэффициента корреляции.

ОТВЕТ:

ПРАКТИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

По данным корреляционной таблицы найти: 1) r_B ; 2) выборочное уравнение прямой регрессии Y на X ; 3) выборочное корреляционное отношение η_{yx} Y к X .

Y	X				n_y	\bar{x}_y
	5	10	15	20		
10	2	-	-	-	-	
20	5	4	1	-		
30	3	8	6	3		
40	-	3	6	6		
50	-	-	2	1		
n_x						
\bar{y}_x						

Преподаватель

Ф. В. Голованева

Описание технологии проведения

Промежуточная аттестация проводится в соответствии с Положением о промежуточной аттестации обучающихся по программам высшего образования Воронежского государственного университета.

Промежуточная аттестация проводится в конце семестра и завершает изучение дисциплины. Она направлена на определение уровня и качества усвоения всего материала дисциплины «Математическая статистика».

Контрольно-измерительные материалы промежуточной аттестации включают в себя теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень полученных знаний и практические задания, позволяющие оценить степень сформированности умений и навыков.

Каждый контрольно-измерительный материал для проведения промежуточной аттестации включает № заданий (вопросов и/или практических заданий) для контроля знаний, умений и владений в рамках оценки уровня сформированности компетенции.

Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

Для оценивания результатов обучения на экзамене используются следующие показатели: владение навыками применения теоретических моделей при планировании работ в профессиональной сфере деятельности и грамотной интерпретации полученных результатов; умение решать задачи различного уровня сложности из курса математической статистики; наличие целостного представления о способах использования математического аппарата при решении задач в области профессиональных исследований, об общих закономерностях смежных математических и естественнонаучных дисциплин и способах их использования при решении профессиональных задач в профессионально-профильной области.

Для оценивания результатов обучения на экзамене используется четырех балльная шкала: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

При оценивании используется следующая численная шкала:

5 баллов ставятся, если обучающийся демонстрирует глубокое и всестороннее знание предмета, прекрасно ориентируется по всей дисциплине, доказательно и логически выверено излагает материал, на все вопросы КИМ дает правильные, исчерпывающие, обоснованные ответы, правильно и методически верно решает задания практического содержания, легко отвечает на дополнительные и уточняющие вопросы, свободно оперирует приобретенными знаниями, умениями, и навыками, применяет их при решении практических задач;

4 балла ставятся, если обучающийся твердо знает материал по дисциплине, прекрасно ориентируется по основным ее разделам, практически всегда доказательно и логически выверено излагает материал, на все вопросы КИМ дает правильные, исчерпывающие, обоснованные ответы, но допускает неточности и непринципиальные ошибки, правильно и методически верно решает задания практического содержания, испытывает незначительные затруднения, отвечая на дополнительные и уточняющие вопросы, умело оперирует приобретенными знаниями, умениями, и навыками, применяет их при решении практических задач, однако испытывает затруднения при решении практических задач по отдельным темам;

3 балла ставятся, если обучающийся демонстрирует неполное знание материала по дисциплине, плохо ориентируется по основным ее разделам, излагает материал бездоказательно, на некоторые вопросы КИМ дает либо неправильные, либо неполные, либо необоснованные, допускает неточности в определениях и формулировках, испытывает затруднения, отвечая на дополнительные и уточняющие вопросы и при решении практических задач по отдельным темам;

2 балла ставятся, если обучающийся демонстрирует явное несоответствие знаний, умений, навыков приведенным критериям, предъявляемым к оценке 3 балла.

Далее, количественную оценку переводим в качественную следующим образом:

оценка «отлично» - соответствует 5 баллам;

оценка «хорошо» - соответствует 4 баллам;

оценка «удовлетворительно» - соответствует 3 баллам;

оценка «неудовлетворительно» - соответствует 2 баллам.

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
Обучающийся: демонстрирует глубокое и всестороннее знание предмета; прекрасно ориентируется по всей дисциплине; доказательно и логически выверено излагает материал; на все вопросы КИМ дает правильные, исчерпывающие, обоснованные ответы; правильно и методически верно решает задания практического содержания; легко отвечает на дополнительные и уточняющие вопросы; свободно оперирует приобретенными знаниями, умениями и навыками, уверенно применяет их при решении практических задач.	Повышенный	Отлично
Обучающийся: твердо знает материал по дисциплине; прекрасно ориентируется по основным ее разделам; практически всегда доказательно и логически выверено излагает материал; на все вопросы КИМ дает правильные, исчерпывающие, обоснованные ответы, но допускает неточности и непринципиальные ошибки; правильно и методически верно решает задания практического содержания, испытывает незначительные затруднения; отвечая на дополнительные и уточняющие вопросы, умело оперирует приобретенными знаниями, умениями и навыками, применяет их при решении практических задач, однако, испытывает затруднения при решении практических задач по отдельным темам.	Достаточный	Хорошо

<p>Обучающийся: демонстрирует фрагментарные знания материала по дисциплине; плохо ориентируется по основным ее разделам; излагает материал бездоказательно; на некоторые вопросы КИМ дает либо неправильные, либо неполные, либо необоснованные ответы; допускает неточности в определениях и формулировках; испытывает затруднения, отвечая на дополнительные и уточняющие вопросы и при решении практических задач по отдельным темам.</p>	<p>Пороговый</p>	<p>Удовлетворительно</p>
<p>Обучающийся демонстрирует явное несоответствие знаний, умений, навыков приведенным критериям, предъявляемым к оценке «Удовлетворительно».</p>	<p>-</p>	<p>Неудовлетворительно</p>